DOI: 10.19595/j.cnki.1000-6753.tces.211896

基于改进一致性算法的工业园区分布式 综合需求响应

徐成司^{1,2} 董树锋¹ 华一波¹ 徐 航² 朱勐婷¹ (1. 浙江大学电气工程学院 杭州 310027 2. 国网浙江省电力有限公司杭州供电公司 杭州 310009)

摘要 针对目前集中式、集中-分布式综合需求响应(IDR)方法的实现依赖于园区层能量管 理系统的问题,研究一种基于改进一致性算法的工业园区分布式 IDR 方法。首先,设计工业园区 的分布式信息交互机制;其次,提出一种在均衡状态下能使用户个体最优与园区整体最优的 IDR 方案相一致的工业园区 IDR 市场机制;然后,基于一致性算法和工业园区集中式 IDR 模型,提出 分布式 IDR 模型;最后,为提升模型实际适用性,对一致性算法进行改进,通过使全局偏差达成 一致,并利用分布式的排队法提升收敛性,建立最终的工业园区分布式 IDR 模型。算例结果表明, 所提分布式 IDR方法可在不依赖于园区层能量管理系统及减少用户对外提供信息的同时得到与集 中式 IDR 一致的 IDR 方案,并且用户可获得比各自独立参与 IDR 更高的收益。

关键词:分布式综合需求响应 一致性算法 排队法 工业园区 市场机制 中图分类号: TM73

Distributed Integrated Demand Response of Industrial Park Based on Improved Consensus Algorithm

Xu Chengsi^{1,2} Dong Shufeng¹ Hua Yibo¹ Xu Hang² Zhu Mengting¹ (1. College of Electrical Engineering Zhejiang University Hangzhou 310027 China 2. Hangzhou Power Supply Company of State Grid Zhejiang Electricity Power Co. Ltd Hangzhou 310009 China)

Abstract In view of the problem that the implementation of centralized and centralizeddistributed integrated demand response (IDR) methods depends on the park level energy management system, this paper proposes a distributed IDR method for the industrial park based on the improved consensus algorithm. Firstly, a distributed information interaction mechanism of industrial park is designed. Then, an IDR market mechanism within the park is proposed, which can make the optimal IDR scheme of individual users consistent with that of the whole park. Furthermore, based on the consensus algorithm and the centralized IDR model of industrial park, a distributed IDR model is proposed. Finally, in order to improve the practical applicability of the model, the consensus algorithm is improved by making the global deviation consistent and using the distributed merit-order method to improve the convergence. The final distributed IDR model of industrial park is established. Simulation results show that the proposed distributed IDR method can get an IDR scheme consistent with the centralized IDR without relying on the park level energy management system and reducing the

国家自然科学基金资助项目(52077193)。

收稿日期 2021-11-19 改稿日期 2022-03-21

information provided by users, and users can get higher benefits than participating in IDR independently.

Keywords: Distributed integrated demand response, consensus algorithm, merit-order method, industrial park, market mechanism

0 引言

近年来,构建综合能源系统(Integrated Energy System, IES),实现电、热、冷、气等各种能源的耦 合互补已经成为能源领域发展的主要方向^[1]。传统 的电力需求响应(Demand Response, DR)正逐步扩 展为综合需求响应(Integrated Demand Response, IDR)^[2]。

目前,关于 IDR 的研究大多是考虑单一主体或 对工商业园区进行集中式、集中-分布式的优化调 度,而对于完全分布式 IDR 的研究较少。文献[3] 考虑工业园区中电池储能和冰蓄冷设备的协同运 行,建立了响应分时电价的 IDR 模型。文献[4]提出 通过刺激工业园区用户的用热需求, 使得园区内的 热电联供系统在多产热的同时发出更多电能,达到 DR 的效果。文献[5]采用分段线性函数表示负荷削 减量与其成本的关系,进而根据各种能源的边际成 本确定 DR 价格。文献[6]基于差异化弹性系数矩阵 和激励型 DR 补偿模型建立了微电网优化调度模 型,上述文献所提出的模型适用于集中式 IDR。文 献[7]提出了一种集中-分布式 IDR 方法, 园区能量管 理系统(Energy Management System, EMS)作为集 中节点,以园区整体 IDR 成本最低为目标调节 IDR 补偿价格,用户各自优化意愿提供的 IDR 容量,相 比集中式 IDR 能够减少用户需要对外提供的信息。

集中式 IDR 和集中-分布式 IDR 的实现需要依赖于园区层 EMS,无法适用于不存在园区层 EMS的场景。此外,在优化程序实现方面对于新参与用户的扩展性较差,本文采用一致性算法实现无园区层 EMS 下的分布式 IDR。一致性算法被广泛应用于电力系统分布式调控研究中,具有计算效率高、保护用户隐私性等优点^[8-9],非常适合用于分布式 IDR。

在上述背景下,本文以工业园区为研究对象, 提出一种基于改进一致性算法的分布式 IDR 方法。 首先,结合现行市场机制设计了适用于工业园区分 布式 IDR 的调峰需求响应市场机制,在该机制引导 下,用户个体最优与园区整体最优的 IDR 方案相一 致。然后,提出基于一致性算法的分布式 IDR 模型, 但在实际应用中存在困难。最后,对一致性算法进行改进,使全局偏差达成一致,并利用分布式的排队法,建立适用于实际的工业园区分布式 IDR 模型。 在分布式迭代计算过程中无需依赖于园区 EMS,同时用户需要对外提供的信息仅为 IDR 边际成本和容 量迭代值,能够较好地保护其信息私密性。

1 工业园区分布式 IDR 机制

1.1 分布式 IDR 互动机制

与园区 EMS 进行集中式或集中-分布式的优化 管理不同,在分布式 IDR 机制中工业用户是通过多 次相互之间的消息传递,最终对 IDR 方案达成共识, 其中各用户以自身利益最大化为目标进行用能优 化。以包含 5 个用户的工业园区为例,用户之间的 通信网络以及多方主体之间传递的信息如图 1 所 示。图 1 中, **λ**_{i,k}为第 *i* 个用户在第 *k* 次消息传递中 发出的信息,本文中该消息包括 IDR 边际成本、IDR 容量以及 IDR 容量的变化量。



图 1 分布式 IDR 信息流示意图

Fig.1 Information flow diagram of distributed IDR

在图 1 园区中实施分布式 IDR 的具体流程为: 首先,工业用户考虑生产过程的多能协同,对分时 电价做出响应,进行 IDR 用能优化,并向上级电网 发送用能计划。本文以 15min 为最小时间单位,建立 工业用户同时响应分时电价和调峰需求的模型^[10-11]。 考虑用户工厂 IES 中包含电、气、热、冷四种能源 形式,其主要设备和能流结构如附图 1 所示。IES 设备模型在现有文献中已有较多研究,附图 1 中各 种设备模型采用与文献[7]相同的模型。附录给出了 工业用户个体的 IDR 优化模型,同时也是园区集中 式 IDR 模型,用以与分布式 IDR 进行结果对比。 对上级电网进行系统安全性评估,若不能通过 安全校核,则向用户下发调峰需求^[7]。最后,在设 计的工业园区 IDR 市场机制下,基于一致性算法, 用户之间通过多次相互传递 IDR 边际成本、IDR 容 量以及 IDR 容量的变化量信息得到 IDR 方案。每次 消息传递后,用户根据邻近用户的 IDR 边际成本和 IDR 容量更新自身的 IDR 边际成本值,并发送给邻 近用户,并且以最小化自身运行成本为目标更新意 愿提供的调峰容量,其中邻近用户是指存在通信信 道相连的用户。最终各用户的 IDR 边际成本趋于一 致,将其确定为 IDR 市场的出清价格,同时得到各 用户的调峰量,上报上级电网。

通过优化方法求取园区 IDR 方案时,为了使响应成本最小,各用户会优先使用较为廉价的可调节资源,因此 IDR 边际成本具有递增的特点。当所有用户的总运行成本最低时,各用户的 IDR 边际成本将趋于一致^[12],即对于仍有可调节能力的用户,其 IDR 边际成本为一相同值,而 IDR 边际成本低于上述值的用户已提供其最大响应容量。一致量的存在 使得园区 IDR 问题适合采用一致性算法进行分布式 计算。

上述分布式 IDR 互动机制中工业用户无需对外 提供生产和具体设备用能等信息,具有与集中-分布 式 IDR 相同的优势,有利于保护用户的信息安全。

1.2 工业园区分布式 IDR 市场机制

工业园区分布式 IDR 的目的是在减少用户对外 提供信息的同时尽可能达到与集中式 IDR 相同的响 应效果,即令园区整体运行成本最小。但是各工业 用户是独立的利益主体,为了使他们在追求自身成 本最小的同时能共同实现园区整体运行目标,需要 设计合理的 IDR 市场机制加以引导。

本文在工业园区的 IDR 市场中采用统一价格机 制,各用户之间通过相互传递 IDR 边际成本信息确 定市场出清价格。在 1.1 节所述的分布式 IDR 互动 机制下,各用户的 IDR 边际成本最终趋于一致,各 中标用户均存在收益。由于调峰容量是在园区各用 户之间分配,用户间为非合作博弈关系,因此可避 免用户通过保留容量抬升价格。

当前国内对工业用户大多实施两部制电价,即 按照电量电价和基本电价两部分计算电费。在基本 电价中已包含了容量费用,因此用户在参与 IDR 后 削减或增加的容量均应得到电网的补偿。为了促进 并规范园区用户参与需求响应,本文从激励和惩罚 两方面设置 IDR 市场机制。 按照统一价格机制得到最终的 IDR 市场出清结 果后,各工业用户获得的收益为

$$I_{i} = \sum_{t \in \Gamma} \left[p_{\text{IDR},t} T \left(P_{\text{o},i,t} - P_{i,t} \right) \right]$$
(1)

式中, I_i 为第i个用户在园区 IDR 市场中获得的收益; $p_{IDR,t}$ 为 IDR 市场出清价格;T为单位时段时长; $P_{i,t}$ 为参于 IDR 后第i个用户在时段t的购电功率; $P_{o,i,t}$ 为用户初始计划购电功率。

若电网调用工业园区用户进行调峰,则需按照 不低于 $p_{IDR,t}$ 的价格对园区用户进行补偿。假定发电 侧在时段 t 提供调峰容量为 $P_{d,t}$ 时的边际成本为 $p_{max,t}$,若有 $p_{IDR,t} > p_{max,t}$,则电网将选择采用发电侧 进行调峰以降低成本;若 $p_{IDR,t} \leqslant p_{max,t}$,则园区用户 将被选择参与调峰。为激励用户参与 IDR,电网按 照发电侧和用户侧二者调峰边际成本区间中的价格 $0.05p_{max,t}$ + $0.95p_{IDR,t}$ 对园区进行补偿。由于通信链接 较多的用户在分布式 IDR 中通信量较大,通信设备 成本及功耗较高,将电网额外激励的部分补偿按通 信链接数量分配至各用户,即

$$p_{\text{cp},i,t} = p_{\text{IDR},t} + 0.05 \left(p_{\text{max},t} - p_{\text{IDR},t} \right) \frac{e_i}{e} \cdot \frac{P_{\text{d},t}}{P_{\text{o},i,t} - P_{i,t}}$$
(2)

式中, *p*_{cp,*i*,*t*}为电网对用户参与调峰需求响应的补偿价格; *e*_{*i*}为通信网络中第*i*个用户节点的度; *e* 为通信网络的总度数。

则各用户在参与 IDR 后最终获得的收益为

$$I_{\mathrm{f},i} = \sum_{t \in \Gamma} \left[p_{\mathrm{cp},i,t} T \left(P_{\mathrm{o},i,t} - P_{i,t} \right) \right] \tag{3}$$

式中,*I*_{f,i}为第*i*个用户参与 IDR 后最终获得的收益。 2) 惩罚机制

在上述激励机制中,电网以用户自行申报的用 能计划为负荷基准,确定对用户的补偿量。在这种 情况下,用户可能会申报虚假的用电计划,以套取 调峰收益。为了限制用户的投机行为,本文借鉴新 加坡电力市场的需求响应机制^[13]设计工业园区 IDR 市场的惩罚机制。当上级电网不存在调峰需求或用 户的 IDR 容量没有中标时,用户应严格执行其事先 申报的用能计划。考虑到负荷预测存在误差,当用 户实际用电量与申报负荷量的偏差超过 5%时,对 用户进行惩罚,总惩罚量为

$$f_i = \sum_{t} \left[2c_{\mathrm{e},t} T \left(P_{\mathrm{o},i,t} - P_{\mathrm{or},i,t} \right) \right] \tag{4}$$

式中, f_i 为第i个用户由于用能偏差受到的惩罚量;

 $P_{\text{or},i,t}$ 为电网不存在调峰需求或用户的 IDR 容量未中标时用户 i 的实际购电功率; $c_{\text{e},t}$ 为时段 t 的电价。

上述对用电偏差量的惩罚价格为分时电价的 2 倍,该严格的惩罚机制能够促使园区用户申报真实 的负荷需求,从而有效限制用户的投机行为。同时, 由于用户的基准负荷是由其自行申报,这对用户的 负荷预测精度提出了较高的要求。如果用户无法较 为准确地预测实际负荷,则在上述市场机制下将会 受到较大的惩罚。工业用户的负荷自动化水平较高, 负荷量与生产计划有较强的相关性,相较于居民和 商业用户其负荷预测精度通常更高,因此选用工业 用户实施 IDR,能够较好地适应上述市场机制。

在上述 IDR 市场机制下, IDR 容量按照统一价格结算,各用户的最优策略是使其 IDR 边际成本等于结算价格^[12],即各用户均有意愿使各自的 IDR 边际成本趋于一致,因此该机制能够实现园区整体运行成本最小化,第 1.1 节中将 IDR 边际成本作为用户间传递的消息使其最终趋于一致是合理的。

2 一致性算法理论和分布式 IDR 模型

2.1 一致性算法

图 1 工业园区中工业用户之间的信息传递过程 可通过无向图 *G*=(*V*, *E*)表示,*V*中的元素 *v_i*为顶点, 由用户组成,*E*中的元素 *e_{ij}*为边,顶点 *i* 和 *j* 间存 在信息传递通道时,称*i* 和 *j* 两点相邻。

定义 *A* 为图 *G* 的邻接矩阵, *D* 为图 *G* 的度矩 阵。其中, *A* 矩阵的对角元素为零,非对角元素 *a_{ij}* 为 0~1 变量,顶点 *i* 和 *j* 之间连接则为 1;否则为零。 *D*(*G*)=diag(*d*₁,*d*₂,…,*d_n*)为对角矩阵^[14-15],对角元素为 对应顶点的相邻顶点数,即矩阵 *A* 的行元素之和。 图 *G* 的拉普拉斯矩阵定义为 *L*=*D*-*A*,矩阵 *L* 反映 了图 1 的动态特性以及一致性算法的收敛性^[16-17]。

一致性算法是指通信网络中的各节点通过与各 自的邻接节点进行信息交互,不断更新本地的状态 变量,最终使网络中各节点的状态变量趋于一 致^[18]。如第1节所述,在园区 IDR 问题的最优解处, 各用户的 IDR 边际成本趋于相同的值,因而适合采 用一致性算法分布式求解。与分布式梯度下降算法 相比,一致性算法的收敛性和鲁棒性较优。另外在 常用的交替方向乘子算法中,对偶变量的更新需要 集中协调节点,与一致性算法相比并非严格意义的 完全分布式算法。目前,在电力系统分布式经济调 度问题中,一致性算法相比其他分布式算法应用更

$$\dot{\boldsymbol{x}} = -\boldsymbol{L}\boldsymbol{x} \tag{5}$$

式中, x 为由各节点的状态变量组成的向量; L 为 通信网络拓扑的拉普拉斯矩阵。

在实际系统中,状态变量的变化和传播是离散 的。离散一致性算法的迭代表达式为

$$x_{i,k+1} = \sum_{j=1}^{N} d_{ij} x_{j,k}$$
(6)

式中, x_{j,k}为经过 k 次迭代后第 j 个节点的状态变量 值; d_{ij} 为与邻接矩阵对应的非负行随机矩阵的第 i 行第 j 列元素,其可按式(7)取值^[20],即

$$d_{ij} = \begin{cases} \frac{1}{\max(d_i, d_j) + 1} & n_j \in \Phi_i \\ 1 - \sum_{n_j \in \Phi_i} d_{ij} & j = i \\ 0 & \text{ 其他} \end{cases}$$
(7)

式中, n_j 为工业园区中的第j个用户; Φ_i 为通信网络 中第i个用户的邻近用户集合; d_i 为通信网络中第i个用户的邻近用户数量,即度矩阵**D**的对角元素。

2.2 基于一致性算法的 IDR 模型

在上述一致性算法中,本地状态变量的更新利 用了邻接节点的状态变量信息,使得各节点的状态 变量趋于一致。文献[18-21]中本地节点的状态变量 均是一维的。文献[22]提出可将一致性算法推广到 多维的情形。如本节所述,在本文 IDR 市场机制下, 当所有用户的 IDR 边际成本趋于一致时,园区整体 运行成本最小,并且用户个体达到均衡状态下的最 优。因此,可将 IDR 边际成本作为一致性算法中的 状态变量。

若优化问题中存在全局性的约束,如所有用户 的 IDR 总容量等于电网调峰需求的约束,则需要在 一致性算法的状态变量迭代公式(6)中增加与全局 约束相关的项^[21]。对于工业园区分布式 IDR 问题, 基于一致性算法的状态变量迭代表达式为

$$\lambda_{i,t,k+1} = \lambda_{i,t,k} - \beta_k \sum_{n_j \in \Phi_i} \left(\lambda_{i,t,k} - \lambda_{j,t,k} \right) - \alpha_k \left(P_{d,i,t,k} - P_{df,i,t} \right)$$

 $t \in \Gamma$ (8)

式中, $\lambda_{i,t,k}$ 为第 k次消息传递后第 i个用户更新的时段 t的 IDR 边际成本值; β_k 和 α_k 为权重系数; $P_{df,i,t}$ 为第 i个用户对自身最终提供 IDR 容量的估计值; $P_{d,i,t,k}$ 为第 k次迭代后用户意愿提供的 IDR 容量,计算为

$$P_{\mathbf{d},i,t,k} = P_{\mathbf{o},i,t} - P_{i,t,k} \qquad t \in \Gamma \tag{9}$$

式中, P_{i,t,k}为第 k 次迭代后 t 时段用户的购电功率。

各用户对自身最终提供 IDR 容量的估计值需要 满足约束为

$$\sum_{i=1}^{N} P_{\mathrm{df},i,t} = P_{\mathrm{d},t} \qquad t \in \Gamma$$
 (10)

实际在分布式 IDR 中,各用户可能并无足够信 息对自身最终提供的 IDR 容量进行准确预测,为满 足式(10)所示约束,可取

$$P_{\mathrm{df},i,t} = \frac{P_{\mathrm{d},t}}{N} \qquad t \in \Gamma \tag{11}$$

式(8)中包含 β_k 的表达式称为"一致项",该 项使得不同节点的状态变量趋于一致;包含 α_k 的表 达式称为"创新项",该项基于本地节点的 IDR 容 量和电网的调峰需求量对状态变量进行修正,使得 式(A3)所示的全局约束最终得到满足。

上述一致性算法收敛的必要条件[21]如下:

(1) 通信网络的拓扑图是连通的。

(2) 权重系数数列 $\{\beta_k\}$ 和 $\{\alpha_k\}$ 是单调递减的, 并且当 $k \rightarrow \infty$ 时,满足 $\beta_k \rightarrow 0$ 和 $\alpha_k \rightarrow 0$ 。

(3) 数列{ β_k }和{ α_k }的级数发散,即

$$\sum_{k\ge 1} \alpha_k = \sum_{k\ge 1} \beta_k = \infty \tag{12}$$

(4) 当 $k \rightarrow \infty$ 时, $\beta_k / \alpha_k \rightarrow \infty$ 。

在分布式 IDR 中,不要求工业用户两两之间建 立通信,每个用户可仅与邻近的用户进行通信,使 上述条件(1)中通信网络的连通性得到满足。

3 基于改进一致性算法的分布式 IDR 模型

3.1 一致性算法的改进

在实际应用中,上述一致性算法的权重系数 β_k 和 α_k 选择较为困难,算法的收敛性能无法得到保证,并且在工业园区每次进行分布式 IDR 时,由于电网调峰需求和用户用能计划均不同,可能需要重新确定权重系数以提升收敛速度。此外,在上述一致性算法中通过引入"创新项"以使全局性的约束得到满足,其中包含了用户对自身最终提供 IDR 容量的估计量 $P_{df,i,t}$ 。由于在分布式 IDR 中各用户可获取的信息较少,通常仅能按式(11),即采用调峰需求量的平均值为 $P_{df,i,t}$ 赋值。当各用户 IDR 边际成本趋于一致时,若不同用户的 IDR 容量相差较大,则 $P_{d,i,t,k}$ — $P_{df,i,t}$ 也将始终为一较大的值,这将对算法的收敛性能造成不利影响。

基于上述不足,本文在一致性算法的计算过程 中,通过使各用户对 IDR 总量与电网需求量的偏差 这一全局量达成一致,从而提升算法的收敛性。首 先基于一致性算法分布式地计算各用户 IDR 容量的 平均值^[23],迭代表达式为

$$P_{d,i,t,k,l+1} = \sum_{j=1}^{N} d_{ij} P_{d,j,t,k,l}$$
(13)

式中, $P_{d,i,t,k,l}$ 为第l次迭代后第i个用户对 IDR 容量 平均值的估计,初值 $P_{d,i,t,k,0}=P_{d,i,t,k,0}$ 。

当满足如下条件时,迭代计算完成。

$$\boldsymbol{P}_{\mathrm{d},i,k,l+1} - \boldsymbol{P}_{\mathrm{d},i,k,l} \Big\|_{1} \leq \varepsilon_{1} \tag{14}$$

式中, ε_1 为给定的计算精度要求; $P_{d,i,k,l}$ 为第l次迭 代后在调峰时段用户计算所得 $P_{d,i,t,k,l}$ 构成的向量。

园区 IDR 总量与电网调峰需求量的偏差为

$$P_{\mathrm{dv},i,t,k} = NP_{\mathrm{dav},i,t,k} - P_{\mathrm{d},t}$$
(15)

式中, *P*_{dv,*i*,*t*,*k*}为园区 IDR 总量与电网需求量的偏差; *P*_{dav,*i*,*t*,*k*}为第*i*个用户得到的 IDR 容量平均值。

进而利用园区 IDR 总量与电网需求量的偏差这 一信息,对式(8)进行修正,得

$$\lambda_{i,t,k+1} = \sum_{j=1}^{N} d_{ij} \lambda_{i,t,k} - \gamma_k P_{dv,i,t,k} \qquad t \in \Gamma$$
(16)

式中, γ_k为权重系数, 其取值满足

$$\begin{cases} \sum_{k \ge 1} \gamma_k = \infty \\ \lim_{k \to \infty} \gamma_k = 0 \end{cases}$$
(17)

由于 $P_{dv,1,t,k}=P_{dv,2,t,k}=\cdots=P_{dv,N,t,k}$,因此通过式 (16)的迭代,最终用户的 IDR 边际成本值仍趋于 一致。

现有基于一致性算法的分布式优化调度研究中, 所讨论各智能体的目标函数大多为二次函数^[21,24], 这对于算法的收敛是一种较好的函数形式。而在分 布式 IDR 问题中,由于各用户会优先利用较为廉价 的资源进行调节,各用户的 IDR 成本与 IDR 容量之 间的关系具有分段函数的特征,其中部分分段可能 接近于一次函数,例如,利用电池储能^[25-26]进行调 节所产生的运行维护成本。具有分段特征的 IDR 成 本函数对应的边际成本示意图如图 2 所示。

实际上,若多智能体优化的目标函数具有接近 一次函数的特征,则一致性算法的收敛性能将会变 差。如图2所示,当迭代计算过程中边际成本在 *p*_{mgc} 附近变化时,用户意愿提供的 IDR 容量会发生突变, 变化量达到|*P*_{dg,2}-*P*_{dg,1}|。若在最优结果中,各用户



Fig.2 Diagram of IDR marginal cost

的 IDR 边际成本接近于 *p*_{mgc},则一致性算法将难以 收敛。针对这种情况,本文设置一致性算法迭代计 算的终止条件为

$$\left\|\boldsymbol{\lambda}_{\mathrm{c},i,k} - \boldsymbol{\lambda}_{\mathrm{c},i,k-1}\right\|_{1} < \varepsilon_{2}$$
(18)

$$\begin{cases} \left\| \boldsymbol{P}_{d,i,k} - \boldsymbol{P}_{d,i,k-1} \right\|_{1} < \varepsilon_{3} \\ \left\| \boldsymbol{P}_{d,i,k+1} - \boldsymbol{P}_{d,i,k} \right\|_{1} > \varepsilon_{4} \end{cases}$$
(19)

式中, ε_2 、 ε_3 和 ε_4 为给定的计算精度要求, $\varepsilon_3 < \varepsilon_4$; $\lambda_{c,i,k}$ 为第 k 次迭代后在调峰时段用户的 IDR 边际成本构成的向量; $P_{d,i,k}$ 为第 k 次迭代后在调峰时段用户的 IDR 容量构成的向量。

式(19)即为对应上述在最优结果附近 IDR 容量存在突变情况下的收敛条件,收敛后取最后一次园区 IDR 总量大于电网需求量的计算结果。当算法在式(19)所示条件下收敛时,园区 IDR 总量可能与电网需求量不平衡。对此本文采用分布式的排队法,确定各个用户最终提供的 IDR 容量。在收敛时 IDR 容量变化量较大的用户,其 IDR 边际成本关于 IDR 容量变化量较大的用户,其 IDR 边际成本关于 IDR 容量。利用分布式的排队法对用户最大 IDR 容量变化量进行排序,迭代表达式为

$$\begin{cases} P_{dt,i,t,m+1} = \max\left(P_{dt,i,t,m}, \left\{P_{dt,j,t,m}, n_{j} \in \boldsymbol{\Phi}_{i}\right\}\right) \\ P_{dt,i,t,0} = P_{d,i,t,K} - P_{d,i,t,K-1} \end{cases}$$
(20)

式中, *P*_{d,*i*,*t*,*K*}为用户意愿提供的 IDR 容量迭代结果; *P*_{dt,*i*,*m*}为第 *m* 次迭代后第 *i* 个用户得到的用户最大 IDR 容量变化量。

上述迭代计算的收敛条件为 $P_{dt,i,t,m}=P_{dt,i,t,m-1}$, 设此时得到 IDR 容量变化量最大为第 v 个用户,将 该用户加入到集合 Ψ 中。若 $\sum_{n_i \in \Psi} P_{dt,i,t,0} < P_{dv,i,t,K}$,则 第 v 个用户将其 IDR 容量变化量置为 0,继续进行 式 (20) 所示的迭代计算;若 $\sum_{n_i \in \Psi} P_{dt,i,t,0} \ge P_{dv,i,t,K}$, 则迭代计算完成,第 v 个用户提供的 IDR 容量相比 其期望提供的容量减少 $\left|\sum_{n_i \in \Psi} P_{dt,i,t,0} - P_{dv,i,t,K}\right|$,集合 Ψ

中其他用户提供的 IDR 容量减少 Pdt,i,,0。

3.2 用户 IDR 容量更新方法

每次完成式(16)的迭代计算后,用户期望提 供的 IDR 容量 *P*_{d,i,t,k}需要随着 IDR 边际成本的变化 进行更新,以实现用户自身成本的最小化。文献[18, 21-22]中均假设优化问题的目标函数为二次函数, 并且约束条件为变量上下限值约束等较为简单的约 束,利用 KKT (Karush-Kuhn-Tucker)条件即可得 到优化问题的最优解,从而对全局约束变量进行更 新。但本文所讨论的 IDR 问题和数学模型较为复杂, 对于附录中的工业园区集中式 IDR 模型,难以直接 求出其最优解的显式表达式。为此需要采用不同的 方法求出与λ_{i,t,k}对应的用户 IDR 容量。本文通过求 解如下的优化问题对用户的 IDR 容量进行更新。

$$\min C_i = C_{\text{eqp},i} - \sum_{t \in \Gamma} \left[\lambda_{i,t,k} T \left(P_{\text{o},i,t} - P_{i,t} \right) \right] \quad (21)$$

式中,*C_i*为第*i*个工业用户根据本地的 IDR 边际成本值预计的其参与 IDR 后的总成本。

约束条件为设备运行约束^[7]和如式(A4)~式 (A7)所示。根据 KKT 条件,在该约束条件下, 当用户的用能成本 $C_{eqp,i}$ 关于 $P_{i,t}T$ 的边际成本与 $\lambda_{i,t,k}$ 尽可能接近时,用户的总成本最小,即在上述优化 问题的最优解处,用户的 IDR 边际成本将趋于 $\lambda_{i,t,k}$ 。 因此,可将求得的 $P_{i,t}$ 最优值作为 $P_{i,t,k}$ 的更新值, 进而利用式(9)对 $P_{d,i,t,k}$ 进行更新。

上述优化问题和式(13)、式(16)、式(20) 所示的迭代表达式仅涉及用户本地和相邻用户的一 致性变量信息,可以分布式地进行计算。最终得到 的 IDR 方案使得各用户的 IDR 边际成本趋于一致, 并且满足式(A3)所示的全局约束。

在集中式 IDR 中用户需要向园区提供可调节设备参数、设备运行状态、生产用能计划、新能源出力预测结果等大量信息,可能涉及用户隐私。而在上述分布式 IDR 中,用户仅需要对外提供 IDR 边际成本和容量信息,不涉及工厂内部运行情况和具体设备信息,提高了用户的信息安全性。

4 算例分析

4.1 算例概况

本文以广州某电压等级为 35kV 的工业园区为 例分析所提的分布式 IDR 方法。在该园区中共有 5 个用户参与 IDR,符合典型园区的用户数量^[27]。用 户之间的通信网络如图 1 所示,各用户的工厂 IES 中配置的设备种类和数量见附表 1,可中断负荷的 参数见附表 2。各类设备参数、分时电价、热蒸汽 和天然气的价格与文献[7]相同。工厂日内优化运行 考虑的时段为 8:00~24:00。以 15min 为最小 IDR 调节周期,将 8:00~24:00 划分为 64 个时段。各 用户的电、热、冷负荷以及光伏预测出力如附图 2~ 附图 5 所示。计算精度要求为 ε_1 =0.1kW, ε_2 =0.001 元 /(kW·h), ε_3 = 5kW·h, ε_4 =10kW·h。

根据第2节所述 IDR 机制,用户首先对分时电 价做出响应,向上级电网发送用能计划。各用户以 式(A2)最小化为目标,以设备运行约束和式(A4)~ 式(A7)为约束条件建立响应分时电价的 IDR 模型, 优化得到初始计划购电功率。5 个用户的用能成本 分别为71789元、61898元、38557元、33312元 和44313元。上级电网得到工业用户的初始购电计 划后,通过评估电力系统整体用能情况的安全性, 向园区下发调峰需求:在11:15~12:15的4个时 段,调峰需求分别为5.54MW、4.83MW、4.90MW 和4.99MW。

采用 CPLEX 优化软件求解工业园区集中式 IDR 模型,4.2 节中更新用户 IDR 容量的优化问题。

4.2 集中式 IDR 结果分析

根据附录中的集中式 IDR 模型,计算得到各用 户的调峰容量见表 1,各用户在参与集中式 IDR 后 的用能成本分别为 72 078 元、62 151 元、38 648 元、 33 344 元和 44 345 元。

表 1 集中式 IDR 后各用户的调峰容量

Tab.1 IDR capacity of each user after centralized IDR

| 时段 | IDR 容量/kW | | | | | |
|-------------|-----------|-------|---------|-------|-------|--|
| 时权 | 用户 1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 11:15~11:30 | 2 990.5 | 805.6 | 1 411.1 | 164.0 | 165.1 | |
| 11:30~11:45 | 2 862.1 | 678.4 | 1 263.1 | 13.3 | 13.4 | |
| 11:45~12:00 | 2 876.0 | 693.0 | 1 276.7 | 27.2 | 27.4 | |
| 12:00~12:15 | 2 896.7 | 701.7 | 1 297.1 | 48.0 | 48.3 | |

结合附表 1,可以看出能源设备种类、数量较多, 多能耦合更为紧密的用户具有更强的 IDR 能力和更 低的响应成本,因此在集中式 IDR 方案中其所提供 的削峰容量也较多。在表 1 所示的削峰容量下,各 用户在 4 个调峰时段的 IDR 边际成本分别为 0.511 6 元/(kW·h)、0.507 0 元/(kW·h)、0.507 4 元/(kW·h)、 0.508 1 元/(kW·h),各用户的 IDR 边际成本一致。

4.3 分布式 IDR 结果分析

本节利用基于改进一致性算法的分布式 IDR 模

型计算工业园区的调峰需求响应方案。5 个用户设置 本地的 IDR 边际成本初始值分别为 0.84 元/(kW·h)、 0.58 元/(kW·h)、0.75 元/(kW·h)、0.42 元/(kW·h)、0.66 元/(kW·h),进行第4节所述的分布式 IDR 响应过程。

与图 1 所示通信网络的邻接矩阵对应的非负行 随机矩阵取值为

| | $\frac{7}{15}$ | $\frac{1}{3}$ | $\frac{1}{5}$ | 0 | 0 | |
|------------|----------------|----------------|---------------|---------------|---------------|------|
| | $\frac{1}{3}$ | $\frac{7}{15}$ | $\frac{1}{5}$ | 0 | 0 | |
| <i>d</i> = | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | $\frac{1}{5}$ | (22) |
| | 0 | 0 | $\frac{1}{5}$ | $\frac{4}{5}$ | 0 | |
| | 0 | 0 | $\frac{1}{5}$ | 0 | $\frac{4}{5}$ | |

式中, d 为图 1 所示网络对应的非负行随机矩阵。

式(16)中的权重系数_%取值需要满足式(17), 可采用 *p*级数^[28]对应的数列为其赋值,即

$$\gamma_k = \frac{\tau_2}{k^{\tau_1}} \tag{23}$$

式中, 71和72为正常数。

根据 p 级数的性质,当式(23)中 0< $\tau_1 \leq 1$ 时, { γ_k }的级数发散,可满足式(17)。 τ_1 可选取接近于 0 的数,使得全局偏差量的修正作用随迭代次数缓 慢减弱。 τ_2 的选取与式(16)中跟权值系数相乘的 因子大小有关,应避免使迭代过程中状态变量的变 化超出其合理取值范围,本算例中使迭代过程中 IDR 边际成本的变化量在 1 元/(kW·h)以内。通过实 验选取权重系数 $\tau_1=0.1$, $\tau_2=1\times10^{-5}$ 。

每次进行式(16)所示的迭代计算前,根据式(13)分布式地计算各用户 IDR 容量的平均值,进 而利用式(15)计算园区 IDR 总量与电网调峰需求 量的偏差,用以对 IDR 边际成本进行修正。

经过 26 次迭代后计算收敛,最终得到各用户的 调峰容量,见表 2,5 个用户的用能成本分别为 72 082 元、62 155 元、38 647 元、33 335 元和 44 347 元。

表 2 分布式 IDR 后各用户的调峰容量

Tab.2 IDR capacity of each user after distributed IDR

| 时段 | IDR 容量/kW | | | | | |
|--------------------|-----------|-------|---------|-------|-------|--|
| | 用户1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 11:15~11:30 | 2 999.1 | 812.8 | 1 411.5 | 144.2 | 169.1 | |
| 11:30~11:45 | 2 867.5 | 682.9 | 1 260.2 | 0.1 | 14.1 | |
| 11:45~12:00 | 2 884.4 | 700.0 | 1 276.9 | 7.4 | 31.2 | |
| $12:00 \sim 12:15$ | 2 905.4 | 708.9 | 1 297.5 | 28.1 | 52.3 | |

对比表 1 和表 2,可以看出采用第 3 节的分布式 IDR 模型得到的 IDR 方案与集中式 IDR 接近。 若期望得到更精确的结果,可以通过减小计算精度 要求*ε*1、*ε*2实现,但同时也需要更多的迭代次数。

在分布式 IDR 迭代过程中,各用户在时段 11:15~11:30 的 IDR 边际成本变化如图 3 所示。



当迭代结束时,各用户在4个调峰时段的 IDR 边际成本见表3。

表 3 各用户的 IDR 边际成本

Tab.3 IDR marginal cost of each user

| 时段 | IDR 边际成本/[元/(kW·h)] | | | | | |
|-------------|---------------------|----------|----------|----------|----------|--|
| | 用户 1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 11:15~11:30 | 0.511 86 | 0.511 86 | 0.511 61 | 0.510 99 | 0.511 72 | |
| 11:30~11:45 | 0.507 17 | 0.507 17 | 0.506 92 | 0.506 30 | 0.507 03 | |
| 11:45~12:00 | 0.507 69 | 0.507 69 | 0.507 43 | 0.506 82 | 0.507 54 | |
| 12:00~12:15 | 0.508 32 | 0.508 32 | 0.508 07 | 0.507 46 | 0.508 18 | |

从图 3 和表 3 可以看出,随着用户之间的消息 传递和迭代计算的进行,各用户的 IDR 边际成本逐 渐趋于一致,并且与集中式 IDR 得到的结果接近。

与文献[7]的集中-分布式 IDR 方法相比,上述 分布式 IDR 方法得到的结果与其接近,而计算过程 不依赖于园区 EMS,可适用于不存在园区 EMS 的 工业园区。此外,若有新参与的用户,在分布式 IDR 中对于原有优化程序仅需要修改其中的矩阵 *d*,而 在集中-分布式 IDR 中则需要对园区 EMS 即集中节 点的优化程序整体进行修改,因此本文分布式 IDR 优化程序在有新用户参与时扩展更为方便。

采用第3节的基于一致性算法的分布式 IDR 模型计算工业园区的调峰需求响应方案。式(8)中的权重系数 β_k 和 α_k 的取值需要满足第2节的条件(2)~条件(4),同样可采用 p级数对应的数列为其赋值,即

$$\begin{cases} \beta_{k} = \frac{\tau_{4}}{k^{\tau_{3}}} \\ \alpha_{k} = \frac{\tau_{6}}{k^{\tau_{5}}} \end{cases}$$
(24)

式中, T₃、T₄、T₅和T₆为正常数。

由条件(4)可知,随着迭代的进行,一致项将 对状态变量的变化起主导作用,因此 r₃< r₅,通常 可将 r₃取为 0.001, r₅在 10⁻¹数量级范围内调节。r₄ 和 r₆的选取应避免使迭代过程中状态变量的变化超 出其合理取值范围。通过实验选取权重系数为

$$\begin{cases} \beta_k = \frac{0.2}{k^{0.001}} \\ \alpha_k = \frac{3 \times 10^{-4}}{k^{0.95}} \end{cases}$$
(25)

以式(18)作为迭代计算的收敛条件,经过128 次迭代后计算收敛,各用户在时段11:15~11:30 的 IDR 一致性算法的收敛情况如图 4 所示。





Fig.4 Convergence of the consensus algorithm

对比图 3 和图 4,可以看出相比本文方法,一 致性算法收敛的迭代次数较多,并且在计算收敛时 各用户的 IDR 边际成本仍存在较大差异。图 5 对比 了集中式 IDR、本文方法和一致性算法所得在时段 11:15~11:30 各用户的 IDR 容量。



Fig.5 Calculation results of different IDR algorithms

由图 5 可以看出,本文方法得到的 IDR 方案与 集中式 IDR 十分接近。在一致性算法中,由于用户 1 的最优 IDR 容量远大于创新项中的估计值 1 385kW,用户4和用户5的最优 IDR 容量远小于 创新项中的估计值,因此在迭代过程中用户 1 的 IDR 边际成本偏小,而用户4和用户5的 IDR 边际 成本偏大。随着迭代的进行,一致项将对状态变量 的变化起主导作用,由于用户2 的一致项受用户1 的影响较大,因此其 IDR 边际成本也偏小。上述原 因导致一致性算法无法收敛至优化问题的最优解。

采用一致性算法最终得到的 IDR 方案中,各用 户在4个调峰时段提供的调峰容量和 IDR 边际成本 见附表3,结合表1~表3,可以看出基于一致性算 法的分布式IDR结果与本文方法及集中式IDR存在 较大偏差,并未收敛至最优解,本文对一致性算法 改进后提升了其收敛性能。

在上述调峰时段,发电侧的调峰价格为 0.550 元/(kW·h),根据 2.2 节所述的工业园区 IDR 市场机 制确定各用户参与 IDR 的收益分别为 1 484.1 元、 371.5 元、671.2 元、24.0 元和 35.1 元。各用户在参 与分布式 IDR 后的总成本分别为 70 598 元、61 784 元、37 976 元、33 311 元和 44 312 元。园区用户缴 纳的基本电费所对应的容量分别 9MW、5.7MW、 3.8MW、3.6MW 和 4.2MW,当各用户独立参与 IDR 时,用户间不进行信息交互,直接根据以上容量按 比例分配调峰量,并按照分布式 IDR 中得到的价格 0.05*p*_{max,t}+0.95*p*_{IDR,t}对用户进行补偿。各用户在响应 分时电价后的初始计划用能成本、集中式 IDR 后的 成本、分布式 IDR 后的成本和各自独立参与 IDR 的 成本见表 4。

表4 各用户的成本

Tab.4 Cost of each user

| | | | | (単位 | ム: 元) |
|--------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 成本类型 | 用户 1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 |
| 初始计划用能成本 | 71 789 | 61 898 | 38 557 | 33 312 | 44 313 |
| 集中式 IDR 后的成本 | 70 598 | 61 783 | 37 976 | 33 311 | 44 312 |
| 分布式 IDR 后的成本 | 70 598 | 61 784 | 37 976 | 33 311 | 44 312 |
| 独立参与 IDR 的成本 | 70 924 | 61 786 | 38 183 | 33 316 | 44 320 |

由表 4 可知,相比于初始计划用能的成本,各 用户按本文 IDR 机制参与调峰需求响应后的总成本 更低,该机制可使用户具有参与 IDR 的意愿。采用 第 3 节所述的分布式 IDR 得到的用户成本与集中式 IDR 结果接近。此外,若园区用户各自独立地参与 IDR,则无法实现用户之间 IDR 资源的协调,每个 用户的成本相比采用本文 IDR 机制均有所提高。同 时由于各用户的 IDR 边际成本并未趋于一致,上述 价格补偿小于用户 1、用户 4 和用户 5 的调节成本, 此时这些用户将无参与 IDR 的意愿。

通过上述分析可以得出,本文的工业园区 IDR 市场机制能够有效地配置园区内 IDR 资源。在调峰 需求量一定的约束下,可使得各用户参与 IDR 的成 本达到最低或使收益达到最大。同时,分布式的迭 代计算结果使各用户的 IDR 边际成本尽可能地趋于 一致,因此园区整体的 IDR 成本也达到最小。

5 结论

本文提出了一种基于改进一致性算法的工业园 区分布式 IDR 方法,其特点如下:

1) 与集中式 IDR 相比,在本文分布式信息交 互机制下用户需要对外提供的信息较少,有利于保 护其信息安全性和控制自主性。

2) 与集中式-分布式 IDR 相比,本文分布式 IDR 无需依赖于园区层 EMS,能够适用于不存在园区层 EMS 的工业园区,并且在 IDR 优化程序实现方面对 于新参与用户的扩展性较好。

3)设计了工业园区分布式 IDR 机制,在该机制引导下园区分布式 IDR 的优化结果可使园区整体 IDR 成本达到最小。

4)通过使各用户对园区 IDR 总量与电网调峰 需求量的偏差达成一致,并利用分布式的排队法对 一致性算法进行改进,提升了算法的收敛性。进一 步提升分布式 IDR 算法的收敛性,并考虑通信网络 状态变化和通信时延对分布式 IDR 迭代计算的影 响,是本文后续的研究方向。

附 录

工厂 IES 能流结构如附图 1 所示。附图 1 中,箭头 表示能量流方向,其中电池储能与工厂 IES 间的能量流 可为双向。

工业园区集中式 IDR 的目标是使参与 IDR 后园区整体的用能成本最小,目标函数为

$$\min C = \sum_{i=1}^{N} C_{\text{eqp},i} \tag{A1}$$

式中, C 为工业园区的总用能成本; C_{eqp,i} 为第 i 个工业用户的用能成本; N 为工业园区的用户数量。

式(A1)中工业用户的用能成本为



App.Fig.1 Energy flow structure of IES in a plant

$$C_{\text{eqp},i} = C_{\text{e},i} + C_{\text{gas},i} + C_{\text{h},i} + C_{\text{om},i} + C_{\text{IL},i}$$
 (A2)

式中, C_{e,i}、C_{gas,i}和 C_{h,i}分别为第 i 个工业用户的购电、 购气和购热成本; C_{om,i} 为设备运行维护成本; C_{IL,i} 为中 断负荷引起的损失成本。

式(A2)中各项成本的计算与文献[7]相同。式(A1)体现了园区对分时电价的响应,本文的 IDR 还考虑园区 对上级电网调峰需求的响应,即

$$\sum_{i=1}^{N} P_{i,t} = \sum_{i=1}^{N} P_{0,i,t} - P_{d,t} \quad t \in \Gamma$$
 (A3)

式中, t为日内的时段编号; $P_{i,t}$ 为参与 IDR 后第 i 个用户 在时段 t 的购电功率; $P_{o,i,t}$ 为用户初始计划购电功率; $P_{d,t}$ 为电网在时段 t 的调峰需求容量; Γ 为需调峰的时段集合。

工厂 IES 的运行需满足电、热、冷功率平衡,即

$$P_{i,t} + P_{\text{GT},i,j,t} + P_{\text{pv},i,t} + \sum_{j} P_{\text{bs},0,i,j,t} = P_{\text{L},i,t} + \sum_{i} \left(P_{\text{bs},0,i,j,t} + P_{\text{ice},i,j,t} + P_{\text{ac},i,j,t} \right)$$
(A4)

$$H_{\text{buy},i,t} + \sum_{j} \left(H_{\text{WH},i,j,t} - H_{\text{Br},i,j,t} \right) + \eta_{\text{HL}} H_{\text{L},i,t} \ge H_{\text{L},i,t} \quad (A5)$$

$$\sum_{j} H_{\mathrm{WH},i,j,t} + H_{\mathrm{buy},i,t} \ge \sum_{j} H_{\mathrm{L},i,t}$$
(A6)

$$\sum_{j} \left(\mathcal{Q}_{\mathrm{ac},i,j,t} + \mathcal{Q}_{\mathrm{ice},i,j,t} + \mathcal{Q}_{\mathrm{Br},i,j,t} \right) = \mathcal{Q}_{\mathrm{L},i,t} \tag{A7}$$

式中, $P_{\text{GT},i,j,t}$ 为第*j*台燃气轮机在时段*t*的产电功率; $P_{\text{pv},i,t}$ 为光伏出力; $P_{\text{bs},c,i,j,t}$ 和 $P_{\text{bs},o,i,j,t}$ 分别为第*j*个电池储能在时段*t*的充电功率和放电功率; $P_{\text{ice},i,j,t}$ 和 $Q_{\text{ice},i,j,t}$ 分别为冰 蓄冷装置的耗电功率和制冷功率; $P_{\text{ac},i,j,t}$ 和 $Q_{\text{ac},i,j,t}$ 分别为冰 第*j*台中央空调的耗电功率和制冷功率; $P_{\text{L},i,t}$ 和 $Q_{\text{L},i,t}$ 分别为电负荷、热负荷和冷负荷; $H_{\text{buy},t}$ 为购热功率; $H_{\text{WH},i,j,t}$ 为从第*j*台燃气轮机回收生产的热功率; $H_{\text{Br},i,j,t}$ 和 $Q_{\text{Br},i,j,t}$ 分别为吸收式制冷机的耗热功率和制冷功率; η_{HL} 为热负荷的热回收效率。式(A5)为热能总供应量不 小于总需求量,式(A6)为中品位热供应量不小于中品 位热需求量,保证热能的品位对口和梯级利用。

各用户的设备见附表 1。可中断负荷参数见附表 2。

附表1 各用户的设备

| App.Tab.1 | Equipments | of each user | |
|-----------|------------|--------------|--|
|-----------|------------|--------------|--|

| 设备 | 设备数量/台 | | | | | |
|--------|--------|------|------|------|------|--|
| | 用户 1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 燃气轮机 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | |
| 余热锅炉 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | |
| 吸收式制冷机 | 2 | 3 | 1 | 1 | 0 | |
| 中央空调 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | |
| 电池储能 | 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | |
| 冰蓄冷装置 | 1 | 2 | 0 | 0 | 0 | |

附表 2 可中断负荷参数

App.Tab.2 Interruptible load parameters

| 成本系数 | $a_i/[\vec{\pi}/(kW\cdot h)^2]$ | $b_i/[\vec{\pi}/(kW\cdot h)]$ | 最大可中断容量/kW |
|------|---------------------------------|-------------------------------|------------|
| 用户1 | 6.10×10^{-5} | 1.208 | 300 |
| 用户 2 | 7.31×10^{-5} | 1.207 | 600 |
| 用户 3 | 6.20×10^{-5} | 1.208 | 400 |
| 用户 4 | 6.09×10^{-5} | 1.208 | 800 |
| 用户 5 | 6.05×10^{-5} | 1.208 | 900 |

电负荷如附图 2 所示。热负荷如附图 3 所示。冷负 荷如附图 4 所示。光伏出力如附图 5 所示。基于一致性 算法的分布式 IDR 结果见附表 3。















附图 5 光伏出力



附表 3 基于一致性算法的分布式 IDR 结果

App.Tab.3 IDR results based on the consensus algorithm

| 时段 | IDR 容量/kW | | | | | |
|-------------|---------------------|----------|----------|----------|----------|--|
| 的权 | 用户1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 11:15~11:30 | 2 826.7 | 641.6 | 1 250.0 | 308.1 | 309.5 | |
| 11:30~11:45 | 2 848.8 | 640.0 | 1 250.0 | 0.0 | 0.0 | |
| 11:45~12:00 | 2 848.8 | 643.0 | 1 250.0 | 0.0 | 0.0 | |
| 12:00~12:15 | 2 848.8 | 634.4 | 1 250.0 | 0.0 | 0.0 | |
| 时段 | IDR 边际成本/[元/(kW·h)] | | | | | |
| 时段 | 用户 1 | 用户 2 | 用户 3 | 用户 4 | 用户 5 | |
| 11:15~11:30 | 0.488 32 | 0.488 32 | 0.488 32 | 0.488 32 | 0.488 32 | |
| 11:30~11:45 | 0.450 34 | 0.450 34 | 0.450 34 | 0.450 34 | 0.450 34 | |
| 11:45~12:00 | 0.457 88 | 0.457 88 | 0.457 88 | 0.457 88 | 0.457 88 | |
| 12:00~12:15 | 0.468 61 | 0.468 61 | 0.468 61 | 0.468 61 | 0.468 61 | |

参考文献

 [1] 崔全胜,白晓民,董伟杰,等.用户侧综合能源系 统规划运行联合优化[J].中国电机工程学报,2019, 39(17):4967-4981,5279.

Cui Quansheng, Bai Xiaomin, Dong Weijie, et al. Joint optimization of planning and operation in userside multi-energy systems[J]. Proceedings of the CSEE, 2019, 39(17): 4967-4981, 5279.

- [2] Chen Zhengqi, Sun Yingyun, Ai Xin, et al. Integrated demand response characteristics of industrial park: a review[J]. Journal of Modern Power Systems and Clean Energy, 2020, 8(1): 15-26.
- [3] 何仲潇,徐成司,刘育权,等.考虑多能协同的工厂综合需求侧响应模型[J].电力自动化设备,2017, 37(6): 69-74.

He Zhongxiao, Xu Chengsi, Liu Yuquan, et al. Industrial park IDR model considering multi-energy cooperation[J]. Electric Power Automation Equipment, 2017, 37(6): 69-74.

- [4] 徐航,董树锋,何仲潇,等.基于多能互补的电/热综合需求响应[J].电网技术,2019,43(2):480-487.
 Xu Hang, Dong Shufeng, He Zhongxiao, et al. Electro-thermal comprehensive demand response based on multi-energy complementarity[J]. Power System Technology, 2019, 43(2):480-487.
- [5] Zhang Xiaping, Shahidehpour M, Alabdulwahab A, et al. Hourly electricity demand response in the stochastic day-ahead scheduling of coordinated electricity and natural gas networks[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2016, 31(1): 592-601.
- [6] 彭春华,张金克,陈露,等. 计及差异化需求响应 的微电网源荷储协调优化调度[J]. 电力自动化设备, 2020,40(3):1-7.

Peng Chunhua, Zhang Jinke, Chen Lu, et al. Sourceload-storage coordinated optimal scheduling of microgrid considering differential demand response[J]. Electric Power Automation Equipment, 2020, 40(3): 1-7.

[7] 徐成司,董树锋,张舒鹏,等.面向工业园区的集中-分布式综合需求响应方法[J].电网技术,2021,45(2):489-497.

Xu Chengsi, Dong Shufeng, Zhang Shupeng, et al. Centralized-distributed integrated demand response method for industrial park[J]. Power System Technology, 2021, 45(2): 489-497.

[8] 边晓燕,孙明琦,赵健,等.基于一致性算法的源-荷协同分布式优化调控策略[J].中国电机工程学报, 2021,41(4):1334-1347,1540.

Bian Xiaoyan, Sun Mingqi, Zhao Jian, et al. Distributed coordinative optimal dispatch and control of source and load based on consensus algorithm[J]. Proceedings of the CSEE, 2021, 41(4): 1334-1347,

1540.

5186

[9] 蒲天骄,刘威,陈乃仕,等.基于一致性算法的主动配电网分布式优化调度[J].中国电机工程学报,2017,37(6):1579-1589.
 Pu Tianjiao, Liu Wei, Chen Naishi, et al. Distributed

optimal dispatching of active distribution network based on consensus algorithm[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(6): 1579-1589.

[10] 李翔宇,赵冬梅.基于模糊-概率策略实时反馈的虚 拟电厂多时间尺度优化调度[J].电工技术学报, 2021, 36(7): 1446-1455.

Li Xiangyu, Zhao Dongmei. Research on multi-time scale optimal scheduling of virtual power plant based on real-time feedback of fuzzy-probability strategy[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2021, 36(7): 1446-1455.

- [11] 王昀,谢海鹏,孙啸天,等. 计及激励型综合需求 响应的电-热综合能源系统日前经济调度[J]. 电工 技术学报, 2021, 36(9): 1926-1934.
 Wang Yun, Xie Haipeng, Sun Xiaotian, et al. Dayahead economic dispatch for electricity-heating integrated energy system considering incentive integrated demand response[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2021, 36(9): 1926-1934.
- [12] 甘德强,杨莉,冯冬涵.电力经济与电力市场[M].北京:机械工业出版社,2010.
- [13] 张兰,张经纬,肖云鹏,等.新加坡电力市场需求 响应机制及对中国电力市场建设的启示[J].中国电力,2020,53(9):98-106.

Zhang Lan, Zhang Jingwei, Xiao Yunpeng, et al. Demand response mechanism in singapore electricity market and its enlightenment to China's power market construction[J]. Electric Power, 2020, 53(9): 98-106.

- [14] Olfati-Saber R, Fax J A, Murray R M. Consensus and cooperation in networked multi-agent systems[J].
 Proceedings of the IEEE, 2007, 95(1): 215-233.
- [15] 吕振宇,吴在军,窦晓波,等.基于离散一致性的 孤立直流微网自适应下垂控制[J].中国电机工程学 报,2015,35(17):4397-4407.
 Lü Zhenyu, Wu Zaijun, Dou Xiaobo, et al. An adaptive droop control for the islanded DC microgrid based on discrete consensus algorithm[J]. Proceedings of the CSEE, 2015, 35(17): 4397-4407.
- [16] 张孝顺, 余涛. 互联电网 AGC 功率动态分配的虚拟

发电部落协同一致性算法[J]. 中国电机工程学报, 2015, 35(15): 3750-3759.

Zhang Xiaoshun, Yu Tao. Virtual generation tribe based collaborative consensus algorithm for dynamic generation dispatch of AGC in interconnected power grids[J]. Proceedings of the CSEE, 2015, 35(15): 3750-3759.

- [17] Ren Wei, Beard R W. Consensus seeking in multiagent systems under dynamically changing interaction topologies[J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 2005, 50(5): 655-661.
- [18] Zhang Ziang, Chow M Y. Convergence analysis of the incremental cost consensus algorithm under different communication network topologies in a smart grid[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2012, 27(4): 1761-1768.
- [19] 杨珺,侯俊浩,刘亚威,等.分布式协同控制方法 及在电力系统中的应用综述[J].电工技术学报, 2021,36(19):4035-4049.
 Yang Jun, Hou Junhao, Liu Yawei, et al. Distributed

cooperative control method and application in power system[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2021, 36(19): 4035-4049.

[20] 刘忠,杨陈,蒋玮,等.基于一致性算法的直流微
 电网储能系统功率分配技术[J].电力系统自动化,
 2020,44(7):61-69.
 Liu Zhong, Yang Chen, Jiang Wei, et al. Consensus

algorithm based power distribution technology for energy storage system in DC microgrid[J]. Automation of Electric Power Systems, 2020, 44(7): 61-69.

- [21] Kar S, Hug G. Distributed robust economic dispatch in power systems: a consensus+innovations approach[C]// 2012 IEEE Power and Energy Society General Meeting, San Diego, USA, 2012: 1-8.
- [22] Hug G, Kar S, Wu Chenye. Consensus+innovations approach for distributed multiagent coordination in a microgrid[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2015, 6(4): 1893-1903.
- [23] Xin Huanhai, Liu Yun, Qu Zhihua, et al. Distributed control and generation estimation method for integrating high-density photovoltaic systems[J]. IEEE Transactions on Energy Conversion, 2014, 29(4): 988-996.
- [24] 吕朋蓬,赵晋泉,苏大威,等.基于一致性理论的

5187

独立微电网分布式动态经济调度[J]. 电力系统自动 化, 2019, 43(5): 22-44.

Lü Pengpeng, Zhao Jinquan, Su Dawei, et al. Consensusbased distributed dynamic economic dispatching for islanded microgrids[J]. Automation of Electric Power Systems, 2019, 43(5): 22-44.

[25] 熊宇峰,司杨,郑天文,等.基于主从博弈的工业 园区综合能源系统氢储能优化配置[J].电工技术学 报,2021,36(3):507-516.

Xiong Yufeng, Si Yang, Zheng Tianwen, et al. Optimal configuration of hydrogen storage in industrial park integrated energy system based on stackelberg game[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2021, 36(3): 507-516.

[26] 肖静,吴宁,冯玉斌,等. 计及需求侧响应的用户 侧储能最优运行决策分析[J]. 电气技术, 2021, 22(3): 20-25.

Xiao Jing, Wu Ning, Feng Yubin, et al. Decision analysis for optimal operation of user-side energy storage considering demand-side response[J]. Electrical Engineering, 2021, 22(3): 20-25.

- [27] 吴界辰,艾欣,胡俊杰,等.面向智能园区多产消 者能量管理的对等模型(P2P)建模与优化运行[J]. 电网技术, 2020, 44(1): 52-60.
 Wu Jiechen, Ai Xin, Hu Junjie, et al. Peer-to-peer modeling and optimal operation for prosumer energy management in intelligent community[J]. Power System Technology, 2020, 44(1): 52-60.
- [28] 苏德矿. 微积分(下)[M]. 北京: 高等教育出版社, 2001.

作者简介

- 徐成司 男, 1995年生, 硕士, 研究方向为综合需求响应。
- E-mail: 3140103128@zju.edu.cn
- 董树锋 男,1982 年生,副教授,博士生导师,研究方向为综合 能源系统与微电网优化运行。

E-mail: dongshufeng@zju.edu.cn (通信作者)

(编辑 陈 诚)